



الإحصاء

I - ماهية سلسلة إحصائية :

تذكير :

عند الانتهاء من تصحيح فرض مراقبة أدرج الأستاذ النتائج المتحصل عليها في كنفش أعداده ثم حوصلها في الجدول الآتي :

15	12	10	8	5	المحصلة على 20 (القيمة)
1	2	7	7	3	عدد التلاميذ (التكرار)

(جدول 1)

- **القيمة** في هذه السلسلة الإحصائية (أو الميزة) هي : المحصلة (la note) .
- **التكرار** هو : عدد التلاميذ الموافق لكل قيمة.
- **التكرار الجملي** هو : مجموع التكرارات ؛ في المثال أعلاه التكرار الجملي هو 20 تلميذا .
- تسمى السلسلة الإحصائية المدروسة سلسلة إحصائية **منقطعة**.
- **مدى** سلسلة إحصائية منقطعة هو الفرق بين أكبر قيمة و أصغر قيمة فيها وفي حالتنا: $15-5=10$.
- **المنوال** في سلسلة إحصائية منقطعة هو القيمة أو القيم ذات التكرار الأكبر وفي حالتنا: المنوال هو القيمتان 8 و 10 لانهما يناسبان أكبر تكرار وهو 7

II - التكرار التراكمي الصاعد:

نعتبر الجدول أعلاه :

15	12	10	8	5	المحصلة على 20 (القيمة)
1	2	7	7	3	عدد التلاميذ (التكرار)
$1+19=20$	$2+17=19$	$7+10=17$	$7+3=10$	3	التكرار التراكمي الصاعد

- التكرار التراكمي الصاعد الموافق لقيمة ما هو مجموع تكرارات القيم الأصغر أو المساوية لها .
- التكرار التراكمي النازل الموافق لقيمة ما هو مجموع تكرارات القيم الأكبر أو المساوية لها .

III - التواتر و التواتر التراكمي :

(أ) - قاعدة : تواتر قيمة او ميزة هو خارج التكرار الموافق لهذه القيمة على التكرار

(ب) - مثال : لنعتبر الجدول أعلاه و لنكمله .

15	12	10	8	5	المحصلة على 20 (القيمة)
1	2	7	7	3	عدد التلاميذ (التكرار)
20	19	17	10	3	التكرار التراكمي الصاعد
0,05	0,1	0,35	0,35	0,15	التواتر
1	0,95	0,85	0,50	0,15	التواتر التراكمي الصاعد

التواتر التراكمي الصاعد الموافق لقيمة ما هو خارج التكرار التراكمي الصاعد على التكرار الجملي .

IV - المعدل الحسابي :

المعدل الحسابي لسلسلة احصائية منقطعة هو خارج مجموع جذاءات كل قيمة في التكرار الموافق لها على التكرار الجملي

(أ) - قاعدة :

(ب) - مثال : لدينا في المثال أعلاه :

$$m = \frac{5 \times 3 + 8 \times 7 + 10 \times 7 + 12 \times 2 + 15 \times 1}{20} = \frac{15 + 56 + 70 + 24 + 15}{20} = \frac{180}{20} = 9$$

إذن المعدل الحسابي لهذه السلسلة الإحصائية هو : 9 .

V - متوسط سلسلة احصائية :

(أ) - قاعدة : لايجاد متوسط سلسلة احصائية منقطعة ذات ميزة كمية تكرارها الجملي N نرتب قيمها تصاعديا او تنازليا ويكون المتوسط :

- القيمة التي ترتيبها $\frac{N+1}{2}$ اذا كان N عددا فرديا .
- المعدل الحسابي للقيمتين اللتين ترتيبهما $\frac{N}{2}$ و $\frac{N}{2} + 1$ اذا كان N عددا زوجيا

(ب) - مثال : في حالة السلسلة السالف ذكرها ؛ لدينا N = 20 (وهو التكرار الجملي او عدد التلامذة) نتائج التلامذة مرتبة تصاعديا تظهر كما يلي :

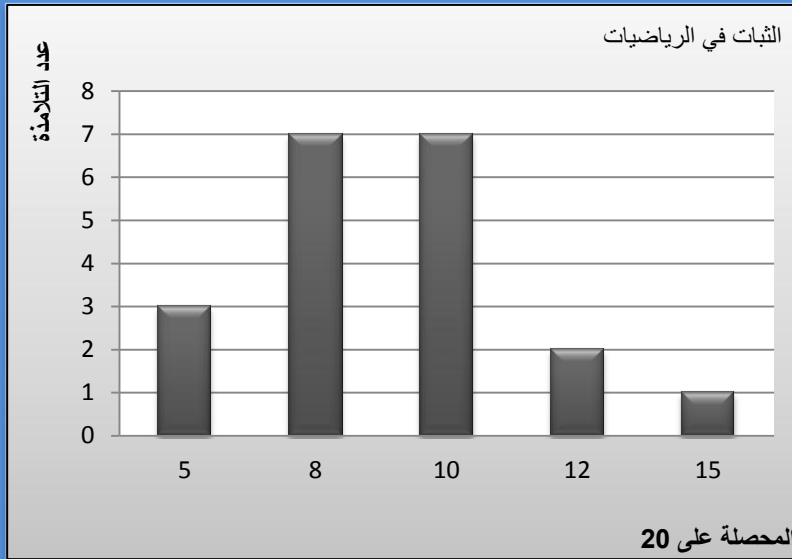
$$5 - 5 - 5 - 8 - 8 - 8 - 8 - 8 - 8 - \underbrace{8 - 10}_{\frac{8+10}{2}} - 10 - 10 - 10 - 10 - 10 - 10 - 12 - 12 - 15$$

$N = 20$ هو عدد زوجي؛ القيمة التي ترتيبها $10 = \frac{N}{2}$ هي 8 و القيمة التي ترتيبها $11 = \frac{N}{2} + 1$

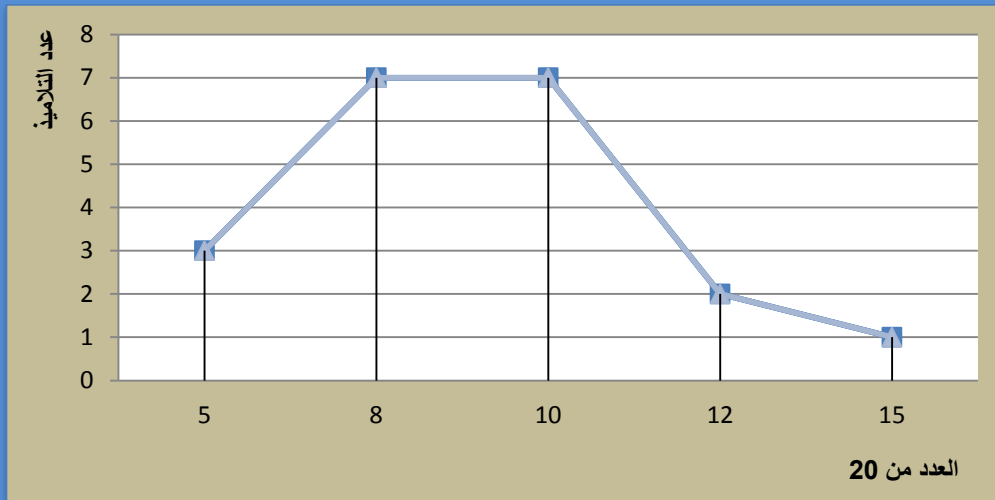
$$Me = \frac{8+10}{2} = 9 \text{ هي } 10 \text{ ومنه : موصل السلسلة هو}$$

VI - التمثيل البياني :

(أ) - مخطط العصيات : بإمكاننا تمثيل الجدول (1) في مخطط العصيات كالآتي:



(ب) - مضلع التكرارات :



VII - السلسلة الاحصائية المسترسلة

(1) - مركز الفئة :

(أ) - قاعدة :

إذا كان المجال $[a;b]$ يمثل فئة لسلسلة احصائية مسترسلة فإن مركزها هو $\frac{a+b}{2}$:

(ب) - مثال :

أجريت تجربة على 257 مصباح كهربائي لتحديد مدة الصلاحية بمئات الساعات فجاءت النتائج كالتالي :

الفئة : المدة t (100س)	$3 \leq t < 5$	$5 \leq t < 7$	$7 \leq t < 9$	$9 \leq t < 11$	$11 \leq t < 13$
التكرار : عدد المصابيح	15	46	54	78	64
المركز	4	6	8	10	12

(جدول 2)

(2) - المعدل الحسابي:

المعدل الحسابي لسلسلة احصائية مسترسلة هو خارج قسمة مجموع جذاءات كل مركز في التكرار الموافق له على التكرار الجملي .

$$m = \frac{4 \times 15 + 6 \times 46 + 8 \times 54 + 10 \times 78 + 12 \times 64}{257}$$

مثال :

$$m = \frac{2316}{257}$$

لدينا في المثال أعلاه :

$$m = 9,01$$

ملاحظات هامة :

(1) - نسمي المعدل الحسابي في بعض المراجع والكتب الاخرى القيمة الوسطية .

(2) - في سلسلة احصائية مسترسلة لإيجاد التكرار التراكمي الصاعد الموافق لفئة ما نجمع تكرارات القيم الاصغر قطعاً من طرفها الاكبر .

(3) - التواتر التراكمي بالنسبة المئوية يساوي ناتج ضرب التواتر التراكمي في 100.

(3) - موسط سلسلة احصائية مسترسلة :

موسط سلسلة احصائية مسترسلة تكرارها الجملي N هو فاصلة النقطة المنتمية لمضلع التكرارات التراكمية والتي ترتيبتها :

$$\left(* \right) \frac{N+1}{2} \text{ اذا كان } N \text{ عددا فرديا} \quad \left(* \right) \frac{N}{2} \text{ اذا كان } N \text{ عددا زوجيا}$$

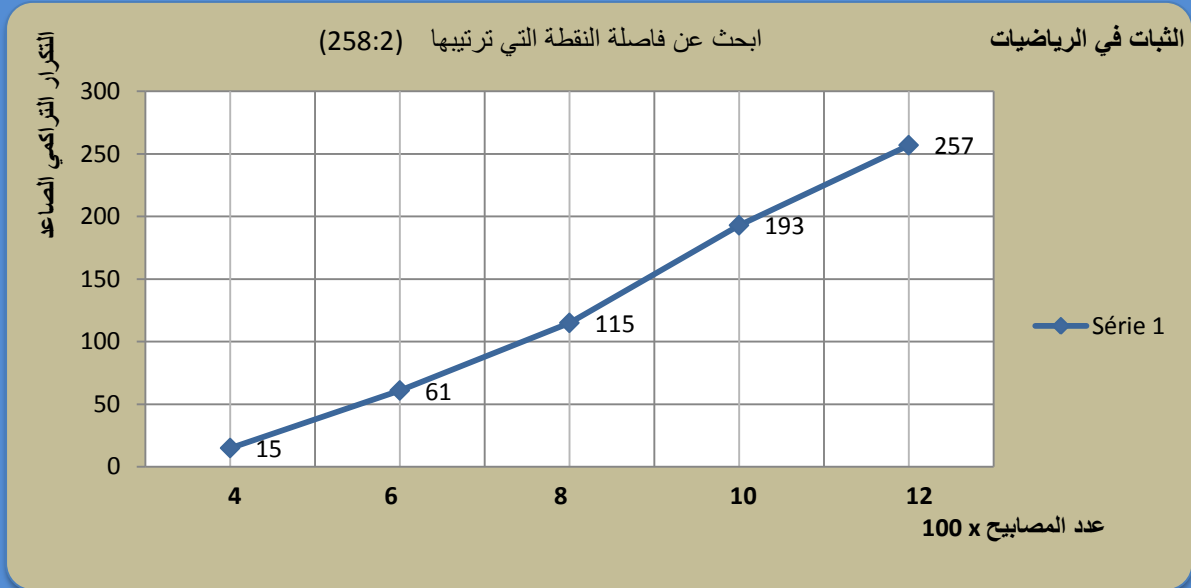
(4) - مضلع التكرارات التراكمية :

نكمل (الجدول 2) باضافة التكرارات التراكمية فنحصل على الاتي :

الفئة : المدة t (100س)	$3 \leq t < 5$	$5 \leq t < 7$	$7 \leq t < 9$	$9 \leq t < 11$	$11 \leq t < 13$
التكرار : عدد المصابيح	15	46	54	78	64

12	10	8	6	4	المركز
257	193	115	61	15	التكرار التراكمي الصاعد

نقرأ فاصلة النقطة المنتمية لمضلع التكرارات التراكمية والتي ترتيبتها $(N+1):2$ لان التكرار الجملي فردي فنجد تقريبا : $Me \approx 8,6$



زوروا موقع الموازي : [l'apothème](http://l'apothème.com)

الإحتمالات

تقديم

(1) الأحداث المتساوية الإحتمالات

- رمي قطعة نقود : الأحداث الممكنة هي P أو F (P : pile) أو (F : face)

كل تجربة تقبل أكثر من نتيجة ممكنة تسمى تجربة عشوائية وكل نتيجة ممكنة لتجربة عشوائية تسمى إمكانية



احتمال الحصول على F هو

احتمال الحصول على P هو

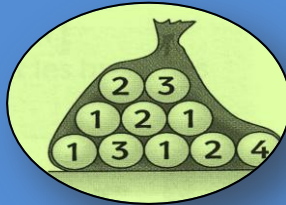
- رمي نرد : الأحداث الممكنة هي 1 أو 2 أو 3 أو 4 أو 5 أو 6



احتمال الحصول على وجه منها هو

(2) الأحداث الغير متساوية الإحتمالات

كيس به 10 كرات 4 كرات تحمل الرقم 1 و 3 كرات تحمل الرقم 2 و 2 كرات تحمل الرقم 3 و كرة تحمل الرقم 4



احتمال سحب كرة تحمل الرقم 2 هو ...

احتمال سحب كرة تحمل الرقم 1 هو

احتمال سحب كرة تحمل الرقم 4 هو

احتمال سحب كرة تحمل الرقم 3 هو

احتمال سحب كرة تحمل رقم أصغر من 5 هو

احتمال سحب كرة تحمل الرقم 5 هو ...

- نرد يحمل الأرقام التالية 2-2-2-4-5

الثبات في الرياضيات

احتمال الحصول على الرقم 2 هو

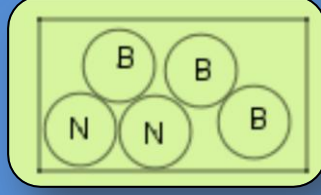
احتمال الحصول على الرقم 4 هو

احتمال الحصول على الرقم 5 هو

احتمال الحصول على رقم زوجي هو

(3) السحب المتتالي مع الإرجاع:

نشاط رقم 1: صندوق فيه 5 كرات 3 منها بيضاء 2 منها سوداء



التجربة العشوائية هي سحب كرتين من الصندوق مع إرجاع الأولى

عدد الإمكانيات الممكنة هو

استعن بالجدول التالي واستخرج جميع الأحداث الممكنة و احتمال وقوعها :

سحب 1					
سحب 2					
	(B ;B)	(B ;B)			
	(B ;B)			(N ;B)	
			(B ;N)		

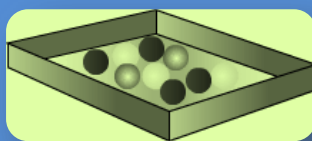
(B ;N) مخالف لـ (N ;B) لان السحب هنا مع الارجاع ومنه الترتيب يلعب دورا .



خطأ شائع

الحدث	عدد إمكانيات حدوثه	احتمال حدوثه
سحب كرتين من نفس اللون		
سحب كرة سوداء ثم بيضاء		
سحب كرة بيضاء ثم سوداء		

نشاط رقم 2: صندوق فيه 5 كرات تحمل الأرقام 5- و7 و8 و9 و3-



نسحب كرتين من الصندوق مع إرجاع الأولى ثم نقوم بجمع الرقمين المتحصل عليهما

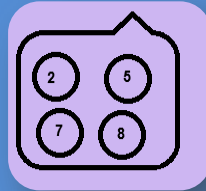
أتمم الجدول التالي و أوجد جميع الإمكانيات ثم جميع النتائج الممكنة و احتمال وقوعها

	سحب 1	-8	-5	-3	7	9
سحب 2	-8	-16	-13			
	-5				2	
	-3					
	7					16
	9	1	4			18

الحدث	عدد إمكانيات حدوثه	احتمال حدوثه
الحصول على مجموع سالب		
الحصول على مجموع أصغر من 20		
الحصول على مجموع يساوي 0		
الحصول على مجموع يساوي 2 -		
الحصول على مجموع يساوي 10 -		
الحصول على مجموع يساوي 16		

(4) السحب المتتالي بدون إرجاع :

مثال 1 :



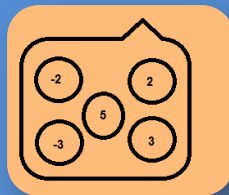
كيس فيه 4 كرات تحمل الأرقام 7 و 8 و 5 و 2

نسحب كرتين من الكيس الواحدة تلو الأخرى دون إرجاع الأولى

استعن بشجرة اختيارات للحصول على جميع الأعداد برقمين المتحصل عليها في كل مرة

أتمم : احتمال الحصول على عدد زوجي هو ؛ احتمال الحصول على عدد رقم أحاده أولي هو

مثال 2 :



نسحب كرتين من الكيس الواحدة تلو الأخرى دون إرجاع الأولى ثم نقوم بجزاء الرقمين المتصل عليهما
أوجد جميع الجذاءات الممكنة .

- احتمال أن يكون الجداء سالب هو
- احتمال أن يكون الجداء يساوي 15 - هو
- احتمال أن يكون الجداء يساوي 10 هو ...
- احتمال أن يكون الجداء يساوي 6- هو



[Zoroua](#) موقع الموازي : [l'apothème](#)