

Trova due piani aventi per intersezione la retta: $r(t) = \begin{cases} x = 1 - 2t \\ y = 3 - t \\ z = 2 + 8t \end{cases}$

Il file tiene conto del fatto che la retta data appartiene ad entrambi i piani, quindi scegliendo un suo punto P_0 e due direzioni \mathbf{n}_1 e \mathbf{n}_2 fra le infinite ad essa perpendicolari si possono trovare le equazioni di due piani α_1 , α_2 con direzione normale \mathbf{n}_1 e \mathbf{n}_2 passanti per P_0

Il file tiene conto delle osservazioni seguenti:

- la retta appartiene ad entrambi i piani.
- Un piano è identificato univocamente conoscendo il vettore ad esso normale ed un suo punto
- una retta ha infinite direzioni perpendicolari ad essa.

1. Trova un punto della retta: Es: $P_0=r(0)$ con vettore corrispondente $\mathbf{p}_0=P_0$
2. Trova due vettori \mathbf{n}_1 e \mathbf{n}_2 perpendicolari al vettore $\mathbf{u}(-2,-1,8)$ direzione della retta.

Ricorda: $\mathbf{w}_1 \perp \mathbf{w}_2$ sse $\mathbf{w}_1 \cdot \mathbf{w}_2 = 0$ con $\mathbf{w}_1, \mathbf{w}_2 \neq 0$

esempio: $\mathbf{n}_1(4,0,1)$, $\mathbf{n}_2(1,-2,0)$

3. Piano α_1 di direzione \mathbf{n}_1 passante per P_0 : $x(\mathbf{n}_1) + y(\mathbf{n}_1) + z(\mathbf{n}_1) = \mathbf{p}_0 \cdot \mathbf{n}_1$
4. Piano α_2 di direzione \mathbf{n}_2 passante per P_0 : $x(\mathbf{n}_2) + y(\mathbf{n}_2) + z(\mathbf{n}_2) = \mathbf{p}_0 \cdot \mathbf{n}_2$