

## تمارين حول: المثلثات/الترتيب والمقارنة

### \* 9 أساسي \*

#### المثلثات:

- ♣ - نعتبر مثلثا ABC حيث  $AB=7$  و  $AC=9$  و  $BC=8$  بالصم .  
لتكن O مركز الدائرة  $\Gamma$  المحيطة بالمثلث و لتكن H مركزه القائم و G مركز ثقله.  
نعتبر النقطة D حيث [AD] قطر للدائرة  $\Gamma$  .  
1- بين ان BDCH متوازي الاضلاع .  
2- I منتصف [BC] . بين ان I منتصف [DH] .  
3- بين ان ABC و ADH لهما نفس مركز النقل .  
4- بين ان G نقطة من [OH] و  $OG = \frac{1}{3}OH$  .  
5- لتكن  $E = S_{(BC)}(H)$  . بين ان  $(BC) \parallel (DE)$  ثم استنتج ان  $E \in \Gamma$  .

- ♣♣ - ABCD هو متوازي الاضلاع حيث  $BD=8$  و  $BC=4$  و O مركزه .  
1- ابن النقطة E حيث  $S_B(C)=E$  و (EO) و (AB) يتقاطعان في G .  
أ. ماذا تمثل G في المثلث AEC ؟ علل .  
ب. (CG) يقطع (AE) في F و يقطع (BO) في I . ما هو نوع الرباعي AFOD ؟ علل .  
ج. احسب النسبة  $\frac{GI}{GF}$   
2- M منتصف [DC] ، احسب MF .

#### الترتيب و المقارنة:

- نعتبر عددين حقيقيين موجبين قطعاً a و b حيث  $a < b$  .  
1 - قارن بين  $\frac{2}{3}a - 1$  و  $\frac{5}{4}b + 2$  .  
2 - قارن بين  $5a + 3b$  و  $2a + 6b$  .  
3 - قارن بين  $a^2 - b$  و  $b^2 - a$  .  
4 - قارن بين  $4ab - 1$  و  $4a^2 + b^2$  .  
5 - قارن بين  $\frac{a+b}{4}$  و  $\frac{ab}{a+b}$  .  
6 - قارن بين  $\frac{\pi}{5a+3b}$  و  $\frac{2}{2a+6b}$  .  
7 - قارن بين  $\frac{5}{\sqrt{a}}$  و  $\sqrt{\frac{23}{b}}$  .  
8 - قارن بين  $a(\sqrt{13}-b)$  و  $b(\sqrt{13}-a)$  .