



Az ABD háromszögben alkalmazzuk a szinusz-tételt: $BD = \frac{a \sin 80^\circ}{\sin 40^\circ} = 2a \cos 40^\circ$.

A BED háromszögben alkalmazzuk a szinusz-tételt: $BE = \frac{a \sin 70^\circ}{\sin 30^\circ} = 2a \sin 70^\circ = 2a \cos 20^\circ$.

A BED háromszögben alkalmazzuk a koszinusz-tételt:

$$DE^2 = 4a^2 \{ \cos^2 40^\circ + \cos^2 20^\circ - 2 \cos 40^\circ \cos^2 20^\circ \} = 4a^2 \{ (2 \cos^2 20^\circ - 1)^2 + \cos^2 20^\circ - 2(2 \cos^2 20^\circ - 1) \cos^2 20^\circ \}$$

$$DE^2 = 4a^2 \{ 1 - \cos^2 20^\circ \} = 4a^2 \sin^2 20^\circ \Rightarrow DE = 2a \sin 20^\circ$$

A BED háromszögben alkalmazzuk a koszinusz-tételt:

$$\cos(x + 30^\circ) = \frac{4a^2 \{ \sin^2 20^\circ + \cos^2 20^\circ - \cos^2 40^\circ \}}{8a^2 \sin 20^\circ \cos 20^\circ} = \frac{1 - \cos^2 40^\circ}{2 \sin 20^\circ \cos 20^\circ} = \frac{\sin^2 40^\circ}{\sin 40^\circ} = \sin 40^\circ = \cos 50^\circ$$

$$x = 20^\circ$$