

学籍番号：	氏名：
協力者：	

課題

この数列の第 n 項は、「1」が n 個並んでできる数です。その数を a_n とします。下に第1項目から第7項目まで与えます。

$$a_n = \underbrace{111 \cdots 111}_n$$

1、11、111、1111、11111、111111、1111111、.....

【Step.1】

この数列の一般項は、 n を用いどのような式で表せると推測できますか。式を記してみましょう。その推測が正しいかどうか、第1項目から第7項目までの a_n で確認してみてください。

【Step.2】

11の倍数となるような a_n はどのようなパターンで表れますか。あなたの考えを書いてみましょう。その推測が成り立っているか、それより後の a_n で確認してみてください。111の倍数ではどうでしょうか。もし可能ならば、証明を試みてください。WolframAlphaを用いて調べましょう。

【Step.3】

a_8 は、どのような a_{\square} で表される数で割り切ることができますか、挙げてみてください。また、挙げた数を a_{\square} の形で挙げてください。 a_{12} ではどうでしょうか。

【Step.4】

【Step.1】、【Step.2】、【Step.3】の見方・考え方を参考にして、数列 $a_n = \underbrace{111 \cdots 111}_n$ には他にどのような性質(例：1111 の倍数はどのようなパターンで表れるか、11111 の倍数はどのようなパターンで表れるか、など)があるか調べ、できるだけ多く挙げてみましょう。

【Step.5】

次の4つの数列について【Step.1】、【Step.2】、【Step.3】の見方・考え方を参考にして、どのような性質があるか調べてみましょう。

(1)

第 n 項が、 n 個の「1」と $n-1$ 個の「0」が交互に $2n-1$ 個並んでできる数。その数を b_n とする。第1項目から第7項目まで以下のように並ぶ。

$$b_n = \frac{101010 \cdots 010101}{2^{n-1}}$$

1、101、10101、1010101、101010101、10101010101、1010101010101、.....

(2)

第 n 項が、 n 個の「1」と $n-1$ 個の「2」が交互に $2n-1$ 個並んでできる数。その数を c_n とする。第1項目から第7項目まで以下のように並ぶ。

$$c_n = \frac{121212 \cdots 212121}{2^{n-1}}$$

1、121、12121、1212121、121212121、12121212121、1212121212121、.....

【Step.5 の続き】

(3)

第 n 項が、 n 個の「1」と $n-1$ 組の「00」が交互に $3n-2$ 個並んでできる数。その数を d_n とする。第1項目から第7項目まで以下のように並ぶ。

$$d_n = \underbrace{100100100 \cdots 001001001}_{3n-2}$$

1、1001、1001001、1001001001、1001001001001、1001001001001001、1001001001001001001、.....

(4)

第 n 項が、 n 個の「3」と $n-1$ 個の「1」が交互に $2n-1$ 個並んでできる数。その数を e_n とする。第1項目から第7項目まで以下のように並ぶ。

$$e_n = \underbrace{313131 \cdots 131313}_{2n-1}$$

3、313、31313、3131313、313131313、31313131313、3131313131313、.....

【Step.6】

【Step.5】で気付いたことを、共通点と相違点に着目して、できるだけ多く挙げてみましょう。

(共通点)

(相違点)

【Step.7】

【Step.6】で気付いたことが他の似たような数列でも成り立つか、自分で数列を作り確認してみよう。